

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Министерство образования и науки Алтайского края

Администрация Угловского района Алтайского края

МКОУ Тополинская СОШ

РАССМОТРЕНО
на заседании ШМО учителей
предметников

Руководитель ШМО

_____ Вахриева И.Б.

Протокол №5

от "10" 06 2022 г.

СОГЛАСОВАНО
организатор по УВР

_____ Хайбулина Н.В.

Протокол №5

от "10" 06 2022 г.

УТВЕРЖДЕНО
директор

_____ Фельк И.Г.

Приказ №115

от "10" 06 2022 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
(ID 1586732)**

учебного курса
«Вероятность и статистик»

для 8 класса основного общего образования
на 2022-2023 учебный год

Составитель: Сажина Рашида Фильдусовна
учитель математики, информатики

с.Топольное 2022

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА УЧЕБНОГО КУРСА "ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА"

Рабочая программа по учебному курсу "Вероятность и статистика" для обучающихся 8 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта основного общего образования с учётом и современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования, которые обеспечивают овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для непрерывного образования и саморазвития, а также целостность общекультурного, личностного и познавательного развития обучающихся. В программе учтены идеи и положения Концепции развития математического образования в Российской Федерации. В эпоху цифровой трансформации всех сфер человеческой деятельности невозможно стать образованным современным человеком без базовой математической подготовки. Уже в школе математика служит опорным предметом для изучения смежных дисциплин, а после школы реальной необходимостью становится непрерывное образование, что требует полноценной базовой общеобразовательной подготовки, в том числе и математической. Это обусловлено тем, что в наши дни растёт число профессий, связанных с непосредственным применением математики: и в сфере экономики, и в бизнесе, и в технологических областях, и даже в гуманитарных сферах. Таким образом, круг школьников, для которых математика может стать значимым предметом, расширяется.

Практическая полезность математики обусловлена тем, что её предметом являются фундаментальные структуры нашего мира: пространственные формы и количественные отношения от простейших, усваиваемых в непосредственном опыте, до достаточно сложных, необходимых для развития научных и прикладных идей. Без конкретных математических знаний затруднено понимание принципов устройства и использования современной техники, восприятие и интерпретация разнообразной социальной, экономической, политической информации, малоэффективна повседневная практическая деятельность. Каждому человеку в своей жизни приходится выполнять расчёты и составлять алгоритмы, находить и применять формулы, владеть практическими приёмами геометрических измерений и построений, читать информацию, представленную в виде таблиц, диаграмм и графиков, жить в условиях неопределённости и понимать вероятностный характер случайных событий.

Одновременно с расширением сфер применения математики в современном обществе всё более важным становится математический стиль мышления, проявляющийся в определённых умственных навыках. В процессе изучения математики в арсенал приёмов и методов мышления человека естественным образом включаются индукция и дедукция, обобщение и конкретизация, анализ и синтез, классификация и систематизация, абстрагирование и аналогия. Объекты математических умозаключений, правила их конструирования раскрывают механизм логических построений, способствуют выработке умения формулировать, обосновывать и доказывать суждения, тем самым развивают логическое мышление. Ведущая роль принадлежит математике и в формировании алгоритмической компоненты мышления и воспитании умений действовать по заданным алгоритмам, совершенствовать известные и конструировать новые. В процессе решения задач — основой учебной деятельности на уроках математики — развиваются также творческая и прикладная стороны мышления.

Обучение математике даёт возможность развивать у обучающихся точную, рациональную и информативную речь, умение отбирать наиболее подходящие языковые, символические, графические средства для выражения суждений и наглядного их представления.

Необходимым компонентом общей культуры в современном толковании является общее знакомство с методами познания действительности, представление о предмете и методах математики, их отличий

от методов других естественных и гуманитарных наук, об особенностях применения математики для решения научных и прикладных задач. Таким образом, математическое образование вносит свой вклад в формирование общей культуры человека.

Изучение математики также способствует эстетическому воспитанию человека, пониманию красоты и изящества математических рассуждений, восприятию геометрических форм, усвоению идеи симметрии.

ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

В современном цифровом мире вероятность и статистика приобретают всё большую значимость, как с точки зрения практических приложений, так и их роли в образовании, необходимом каждому человеку. Возрастает число профессий, при овладении которыми требуется хорошая базовая подготовка в области вероятности и статистики, такая подготовка важна для продолжения образования и для успешной профессиональной карьеры. Каждый человек постоянно принимает решения на основе имеющихся у него данных. А для обоснованного принятия решения в условиях недостатка или избытка информации необходимо в том числе хорошо сформированное вероятностное и статистическое мышление.

Именно поэтому остро всталла необходимость сформировать у обучающихся функциональную грамотность, включающую в себя в качестве неотъемлемой составляющей умение воспринимать и критически анализировать информацию, представленную в различных формах, понимать вероятностный характер многих реальных процессов и зависимостей, производить простейшие вероятностные расчёты. Знакомство с основными принципами сбора, анализа и представления данных из различных сфер жизни общества и государства приобщает обучающихся к общественным интересам. Изучение основ комбинаторики развивает навыки организации перебора и подсчёта числа вариантов, в том числе, в прикладных задачах. Знакомство с основами теории графов создаёт математический фундамент для формирования компетенций в области информатики и цифровых технологий. Помимо этого, при изучении статистики и вероятности обогащаются представления учащихся о современной картине мира и методах его исследования, формируется понимание роли статистики как источника социально значимой информации и закладываются основы вероятностного мышления.

В соответствии с данными целями в структуре программы учебного курса «Вероятность и статистика» основной школы выделены следующие содержательно-методические линии: «Представление данных и описательная статистика»; «Вероятность»; «Элементы комбинаторики»; «Введение в теорию графов».

Содержание линии «Представление данных и описательная статистика» служит основой для формирования навыков работы с информацией: от чтения и интерпретации информации, представленной в таблицах, на диаграммах и графиках до сбора, представления и анализа данных с использованием статистических характеристик средних и рассеивания. Работая с данными, обучающиеся учатся считывать и интерпретировать данные, выдвигать, аргументировать и критиковать простейшие гипотезы, размышлять над факторами, вызывающими изменчивость, и оценивать их влияние на рассматриваемые величины и процессы. Интуитивное представление о случайной изменчивости, исследование закономерностей и тенденций становится мотивирующей основой для изучения теории вероятностей. Большое значение здесь имеют практические задания, в частности опыты с классическими вероятностными моделями.

Понятие вероятности вводится как мера правдоподобия случайного события. При изучении курса обучающиеся знакомятся с простейшими методами вычисления вероятностей в случайных экспериментах с равновозможными элементарными исходами, вероятностными законами позволяющими ставить и решать более сложные задачи. В курс входят начальные представления о

случайных величинах и их числовых характеристиках. Также в рамках этого курса осуществляется знакомство обучающихся с множествами и основными операциями над множествами, рассматриваются примеры применения для решения задач, а также использования в других математических курсах и учебных предметах.

МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

В 8 классе изучается курс «Вероятность и статистика», в который входят разделы: «Представление данных и описательная статистика»; «Вероятность»; «Элементы комбинаторики»; «Введение в теорию графов». На изучение данного курса отводит 1 учебный час в неделю, всего 34 учебных часа в год.

СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА "ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА"

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков. Множество, элемент множества, подмножество. Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения. Использование графического представления множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач.

Измерение рассеивания данных. Дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов.

Диаграмма рассеивания.

Элементарные события случайного опыта. Случайные события. Вероятности событий. Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор. Связь между маловероятными и практически достоверными событиями в природе, обществе и науке.

Дерево. Свойства деревьев: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. Правило умножения. Решение задач с помощью графов.

Противоположные события. Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий. Несовместные события. Формула сложения вероятностей. Условная вероятность. Правило умножения. Независимые события. Представление эксперимента в виде дерева. Решение задач на нахождение вероятностей с по мощью дерева случайного эксперимента, диаграмм Эйлера.

ПЛАНИРУЕМЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Освоение учебного курса «Вероятность и статистика» должно обеспечивать достижение на уровне основного общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного курса «Вероятность и статистика» характеризуются:

Патриотическое воспитание:

проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах.

Гражданское и духовно-нравственное воспитание:

готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.);

готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного.

Трудовое воспитание:

установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений;

осознанным выбором и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей.

Эстетическое воспитание:

способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений; умению видеть математические закономерности в искусстве.

Ценности научного познания:

ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; овладением простейшими навыками исследовательской деятельности.

Физическое воспитание, формирование культуры здоровья и эмоционального благополучия:

готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека.

Экологическое воспитание:

ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды; осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения.

Личностные результаты, обеспечивающие адаптацию обучающегося к изменяющимся условиям социальной и природной среды:

— готовностью к действиям в условиях неопределённости, повышению уровня своей

- компетентности через практическую деятельность, в том числе умение учиться у других людей, приобретать в совместной деятельности новые знания, навыки и компетенции из опыта других;
- необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее не известных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие;
- способностью осознавать стрессовую ситуацию, воспринимать стрессовую ситуацию как вызов, требующий контрмер, корректировать принимаемые решения и действия, формулировать и оценивать риски и последствия, формировать опыт.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Вероятность и статистика» характеризуются овладением *универсальными познавательными действиями, универсальными коммуникативными действиями и универсальными регулятивными действиями*.

1) Универсальные *познавательные* действия обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно несложные доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные рассуждения;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить по самостоятельно составленному плану несложный эксперимент, небольшое исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого

наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

— прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

— выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;

— выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

— выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;

— оценивать надёжность информации по критериям, предложенным учителем или сформулированным самостоятельно.

2) Универсальные **коммуникативные** действия обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.

Общение:

— воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

— в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

— представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Сотрудничество:

— понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач;

— принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;

— участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, мозговые штурмы и др.);

— выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды;

— оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) Универсальные **регулятивные** действия обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.

Самоорганизация:

самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

- владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить корректизы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Предметные результаты освоения курса «Вероятность и статистика» в 8 классе характеризуются следующими умениями.

- Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в виде таблиц, диаграмм, графиков; представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.
- Описывать данные с помощью статистических показателей: средних значений и мер рассеивания (размах, дисперсия и стандартное отклонение).
- Находить частоты числовых значений и частоты событий, в том числе по результатам измерений и наблюдений.
- Находить вероятности случайных событий в опытах, зная вероятности элементарных событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями.
- Использовать графические модели: дерево случайного эксперимента, диаграммы Эйлера, числовая прямая.
- Оперировать понятиями: множество, подмножество; выполнять операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение; перечислять элементы множеств; применять свойства множеств.
- Использовать графическое представление множеств и связей между ними для описания процессов и явлений, в том числе при решении задач из других учебных предметов и курсов.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

| № п/п | Наименование разделов и тем программы | Количество часов | | | Дата изучения | Виды деятельности | Виды, формы контроля | Электронные (цифровые) образовательные ресурсы |
|--|---------------------------------------|------------------|-----------------------|------------------------|------------------|---|----------------------------|---|
| | | всего | контрольные работы | практические работы | | | | |
| Раздел 1. Повторение курса 7 класса | | | | | | | | |
| 1.1. | Представление данных. | 1 | | | | Повторять изученное и выстраивать систему знаний; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |

| | | | | | | | |
|------|--------------------------|---|--|--|---|----------------------|---|
| 1.2. | Описательная статистика. | | | | Повторять изученное и выстраивать систему знаний; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2.Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3.Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4.Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru/ Учительский портал: http://www.uсhportal.ru Вideoуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |
| 1.3. | Случайная изменчивость. | 1 | | | Решать задачи на представление группированных данных и описание случайной изменчивости; | Письменный контроль; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2.Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3.Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4.Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru/ Учительский портал: http://www.uсhportal.ru Вideoуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |

| | | | | | | | |
|------|---------------------------|---|--|--|---|---------------|---|
| 1.4. | Средние числового набора. | | | | Решать задачи на определение частоты случайных событий, обсуждение примеров случайных событий, маловероятных и практически достоверных случайных событий, их роли в природе и жизни человека; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |
| 1.5. | Случайные события. | 1 | | | Решать задачи на представление группированных данных и описание случайной изменчивости; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |

| | | | | | | | | |
|------------------|---|---|--|--|---|---------------|---|--|
| 1.6. | Вероятности и частоты. | | | | Решать задачи на определение частоты случайных событий, обсуждение примеров случайных событий, маловероятных и практически достоверных случайных событий, их роли в природе и жизни человека; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru/ Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru | |
| 1.7. | Классические модели теории вероятностей: монета и игральная кость | 1 | | | Решать задачи на определение частоты случайных событий, обсуждение примеров случайных событий, маловероятных и практически достоверных случайных событий, их роли в природе и жизни человека; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru/ Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru | |
| Итого по разделу | | 4 | | | | | | |

| | | | | | | | |
|------|-----------------------------|---|--|--|---|---------------|---|
| 2.1. | Отклонения. | 1 | | | Осваивать понятия: дисперсия и стандартное отклонение, использовать эти характеристики для описания рассеивания данных; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |
| 2.2. | Дисперсия числового набора. | 1 | | | Осваивать понятия: дисперсия и стандартное отклонение, использовать эти характеристики для описания рассеивания данных; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |

| | | | | | | | |
|------|---|---|--|--|---|---------------|---|
| 3.1. | Множество, подмножество. | 1 | | | Осваивать понятия: множество, элемент множества, подмножество; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |
| 3.2. | Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. | 1 | | | Выполнять операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |

| | | | | | | | | |
|-------------------|---|---|--|--|--|---------------|--|--|
| 3.3. | Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения. | 1 | | | Использовать свойства: переместительное, сочетательное, распределительное, включения; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru/ Учительский портал: http://www.uchportal.ru Вideoуроки по основным предметам школьной программы: http://inerneturok.ru | |
| 3.4. | Графическое представление множеств. | 1 | | | Использовать графическое представление множеств при описании реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов и курсов; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru/ Учительский портал: http://www.uchportal.ru Вideoуроки по основным предметам школьной программы: http://inerneturok.ru | |
| Итого по разделу: | | 4 | | | | | | |

| | | | | | | | |
|------|-----------------------|---|--|--|---|---------------|---|
| 4.1. | Элементарные события. | 1 | | | Осваивать понятия: элементарное событие, случайное событие как совокупность благоприятствующих элементарных событий, равновозможные элементарные события; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |
| 4.2. | Случайные события. | | | | Осваивать понятия: элементарное событие, случайное событие как совокупность благоприятствующих элементарных событий, равновозможные элементарные события; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |

| | | | | | | | |
|------|--|---|--|--|---|---------------|---|
| 4.3. | Благоприятствующие элементарные события. | 1 | | | Решать задачи на вычисление вероятностей событий по вероятностям элементарных событий случайного опыта; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |
| 4.4. | Вероятности событий. | 1 | | | Решать задачи на вычисление вероятностей событий по вероятностям элементарных событий случайного опыта; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |

| | | | | | | | |
|------|--|---|--|--|--|---------------|--|
| 4.5. | Опыты с равновозможными элементарными событиями. | 1 | | | Решать задачи на вычисление вероятностей событий в опытах с равновозможными элементарными событиями, в том числе с помощью компьютера; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru/ Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |
| 4.6. | Случайный выбор. | 1 | | | Решать задачи на вычисление вероятностей событий в опытах с равновозможными элементарными событиями, в том числе с помощью компьютера; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru/ Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |

| | | | | | | | | |
|-------------------|---|---|--|---|--|--|---------------|---|
| 4.7. | Практическая работа «Опыты с равновозможными элементарными событиями» | 1 | | 1 | | Проводить и изучать опыты с равновозможными элементарными событиями (с использованием монет, игральных костей, других моделей) в ходе практической работы; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Вideoуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |
| Итого по разделу: | | 6 | | | | | | |

Раздел 5. Введение в теорию графов

| | | | | | | | |
|------|---------|---|--|--|--|---------------|---|
| 5.1. | Дерево. | 1 | | | Осваивать понятия: дерево как граф без цикла, висячая вершина (лист), ветвь дерева, путь в дереве, диаметр дерева; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Вideoуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |
|------|---------|---|--|--|--|---------------|---|

| | | | | | | | |
|-------------------|--|---|--|--|---|---------------|---|
| 5.2. | Свойства дерева: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. | 1 | | | Изучать свойства дерева: существование висячей вершины, единственность пути между двумя вершинами, связь между числом вершин и числом рёбер; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru/ Учительский портал: http://www.uchportal.ru Вideoуроки по основным предметам школьной программы: http://inerneturok.ru |
| 5.3. | Правило умножения. | 2 | | | Решать задачи на поиск и перечисление путей в дереве, определение числа вершин или рёбер в дереве, обход бинарного дерева, в том числе с применением правила умножения; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru/ Учительский портал: http://www.uchportal.ru Вideoуроки по основным предметам школьной программы: http://inerneturok.ru |
| Итого по разделу: | | 4 | | | | | |

| | | | | | | | |
|------|--------------------------|---|--|--|--|---------------|---|
| 6.1. | Противоположное событие. | | | | Осваивать понятия: взаимно противоположные события, операции над событиями, объединение и пересечение событий, диаграмма Эйлера (Эйлера—Венна), совместные и несовместные события; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |
| 6.2. | Диаграмма Эйлера. | 1 | | | Осваивать понятия: взаимно противоположные события, операции над событиями, объединение и пересечение событий, диаграмма Эйлера (Эйлера—Венна), совместные и несовместные события; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |

| | | | | | | | |
|------|------------------------------------|---|--|--|---|---------------|---|
| 6.3. | Объединение и пересечение событий. | 1 | | | Изучать теоремы о вероятности объединения двух событий (формулы сложения вероятностей); | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |
| 6.4. | Несовместные события. | 1 | | | Изучать свойства (определения) независимых событий; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |

| | | | | | | | |
|------|---------------------------------|---|--|--|--|---------------|---|
| 6.5. | Формула сложения вероятностей. | 1 | | | Решать задачи, в том числе текстовые задачи на определение вероятностей объединения и пересечения событий с помощью числовой прямой, диаграмм Эйлера, формулы сложения вероятностей; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2.Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3.Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4.Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru/ Учительский портал: http://www.uchportal.ru Вideoуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |
| 6.6. | Правило умножения вероятностей. | 1 | | | Осваивать понятия: правило умножения вероятностей, условная вероятность, независимые события дерево случайного опыта; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2.Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3.Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4.Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru/ Учительский портал: http://www.uchportal.ru Вideoуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |

| | | | | | | | |
|------|-----------------------|---|--|--|--|---------------|---|
| 6.7. | Условная вероятность. | 1 | | | Решать задачи на поиск вероятностей, в том числе условных, с использованием дерева случайного опыта; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |
| 6.8. | Независимые события. | 1 | | | Изучать свойства (определения) независимых событий; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |

| | | | | | | | |
|-------------------|--|---|--|--|--|---------------|---|
| 6.9. | Представление случайного эксперимента в виде дерева. | 1 | | | Решать задачи на поиск вероятностей, в том числе условных, с использованием дерева случайного опыта; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Вideoуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |
| Итого по разделу: | | 8 | | | | | |

Раздел 7. Обобщение, контроль

| | | | | | | | |
|------|-----------------------|---|--|--|---|---------------|---|
| 7.1. | Представление данных. | 1 | | | Повторять изученное и выстраивать систему знаний; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Вideoуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |
|------|-----------------------|---|--|--|---|---------------|---|

| | | | | | | | |
|------|--------------------------|---|--|--|---|---------------|---|
| 7.2. | Описательная статистика. | | | | Решать задачи на представление и описание данных с помощью изученных характеристик; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2.Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3.Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4.Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Вideoуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |
| 7.3. | Графы. | 1 | | | Решать задачи с применением графов; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2.Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3.Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4.Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru Учительский портал: http://www.uchportal.ru Вideoуроки по основным предметам школьной программы: http://interneturok.ru |

| | | | | | | | |
|-------------------------------------|---------------------------------|----|---|---|--|----------------------|--|
| 7.4. | Вероятность случайного события. | 1 | | | Решать задачи на нахождение вероятности случайного события по вероятностям элементарных событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями; | Устный опрос; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru/ Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://inerneturok.ru |
| 7.5. | Элементы комбинаторики. | 1 | | | Решать задачи на нахождение вероятностей объединения и пересечения событий, в том числе независимых, с использованием графических представлений и дерева случайного опыта; | Письменный контроль; | . РЭШ – Российская электронная школа: https://resh.edu.ru/ 2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов: http://schoolcollection.edu.ru 3. Сайт Федерального института педагогических измерений: https://fipi.ru 4. Фестиваль педагогических идей «Открытый урок»: https://urok.1sept.ru/ Учительский портал: http://www.uchportal.ru Видеоуроки по основным предметам школьной программы: http://inerneturok.ru |
| Итого по разделу: | | 4 | | | | | |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | | 34 | 0 | 1 | | | |

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

| № п/п | Тема урока | Количество часов | | | Дата изучения | Виды, формы контроля |
|----------|--|------------------|-----------------------|------------------------|------------------|----------------------------|
| | | всего | контрольные работы | практические работы | | |
| 1. | Представление данных. Описательная статистика. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 2. | Случайная изменчивость. Среднее числового набора. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 3. | Случайные события. Вероятности и частоты. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 4. | Классические модели теории вероятностей: монета и игровая кость. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 5. | Отклонения. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 6. | Дисперсия числового набора. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 7. | Стандартное отклонение числового набора. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 8. | Диаграммы рассеивания. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 9. | Множество, подмножество. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 10. | Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 11. | Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 12. | Графическое представление множеств. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 13. | Элементарные события. Случайные события. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 14. | Благоприятствующие элементарные события. Вероятности событий. | 1 | | | | Устный опрос; |

| | | | | | | |
|-----|--|---|--|---|--|----------------------|
| 15. | Благоприятствующие элементарные события. Вероятности событий. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 16. | Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор. | 1 | | | | Письменный контроль; |
| 17. | Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 18. | Практическая работа «Опыты с равновозможными элементарными событиями» | 1 | | 1 | | Устный опрос; |
| 19. | Дерево. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 20. | Свойства дерева: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 21. | Правило умножения. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 22. | Правило умножения. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 23. | Противоположное событие. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 24. | Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 25. | Несовместные события. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 26. | Формула сложения вероятностей. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 27. | Правило умножения вероятностей. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 28. | Условная вероятность. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 29. | Независимые события. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 30. | Представление случайного эксперимента в виде дерева | 1 | | | | Устный опрос; |

| | | | | | | |
|--|---|----|---|---|--|------------------|
| 31. | Представление данных. Описательная статистика. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 32. | Графы. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 33. | Вероятность случайного события. | 1 | | | | Устный опрос; |
| 34. | Элементы комбинаторики. | 1 | | | | Устный опрос; |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | | 34 | 0 | 1 | | |

УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА

ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

Проекта Примерная рабочая программа основного общего образования математика. (для 5–9 классов образовательных организаций) МОСКВА 2021

Ведите свой вариант:

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

Проекта Примерная рабочая программа основного общего образования математика. (для 5–9 классов образовательных организаций) МОСКВА 2021

ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ

. РЭШ – Российская

электронная школа:

<https://resh.edu.ru/>

2. Единая коллекция

цифровых

образовательных

ресурсов:

<http://schoolcollection.edu.ru>

3. Сайт Федерального

института

педагогических

измерений: <https://fipi.ru>

4. Фестиваль

педагогических идей

«Открытый урок»:

<https://urok.1sept.ru/>

Учительский портал:

<http://www.uchportal.ru>

Видеоуроки по основным

предметам школьной

программы:

<http://interneturok.ru>

УЧЕБНОЕ ОБОРУДОВАНИЕ

Справочные таблицы.

**ОБОРУДОВАНИЕ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ЛАБОРАТОРНЫХ, ПРАКТИЧЕСКИХ РАБОТ,
ДЕМОНСТРАЦИЙ**

Интерактивная доска. Мультимедийный проектор.

